

Особенности выполнения задания 19



Панина Нина Александровна,
учитель математики МБОУ
«Средняя школа № 33, г. Смоленск»

Критерии оценивания задания 19

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получены верные ответы в пунктах <i>a</i> , <i>b</i> и <i>в</i>	4
Обоснованно получен верный ответ в пункте <i>в</i> и обоснованно получен верный ответ в пункте <i>a</i> или <i>b</i>	3
Обоснованно получены верные ответы в пунктах <i>a</i> и <i>b</i> ИЛИ обоснованно получен верный ответ в пункте <i>в</i>	2
Обоснованно получен верный ответ в пункте <i>a</i> или <i>b</i>	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	4

19. На доске написано трёхзначное число A . Серёжа зачёркивает одну цифру и получает двузначное число B , затем Коля записывает число A и зачёркивает одну цифру (возможно ту же, что Серёжа) и получает число C .

а) Может ли быть верным равенство $A = B \cdot C$, если $A > 140$?

б) Может ли быть верным равенство $A = B \cdot C$, если $440 \leq A \leq 540$?

Источник: <https://math100.ru/variant-ege-prof-242/>

Решение. а) Пусть $A = 160$, заметим, что $160 > 140$. Если $B = 16\cancel{0} = 16$, $C = 1\cancel{6}0 = 10$, то равенство $A = B \cdot C$ верно. Следовательно, да, равенство $A = B \cdot C$ может быть верным, если $A > 140$.

б) Пусть $A = 510$, заметим, что $440 < 510 < 540$. Если $B = 51\cancel{0} = 51$, $C = \cancel{5}10 = 10$, то равенство $A = B \cdot C$ верно. Следовательно, да, равенство $A = B \cdot C$ может быть верным, если $440 \leq A \leq 540$.

Ответ: а) да, может (см. пример);

б) да, может (см. пример).

19. На доске написано трёхзначное число A . Серёжа зачёркивает одну цифру и получает двузначное число B , затем Коля записывает число A и зачёркивает одну цифру (возможно ту же, что Серёжа) и получает число C .

б) Может ли быть верным равенство $A = B \cdot C$, если $540 \leq A \leq 560$?

Решение.

б) Пусть $A = \overline{mnk} = 100m + 10n + k$, где $540 \leq A \leq 560$.

Тогда $m = 5$; $n \in \{4; 5\}$; $k \in \{0; 1; 2; \dots; 9\}$,

следовательно,

$A = \overline{5nk}$, $B \in \{\overline{5n}; \overline{5k}; \overline{nk}\}$, $C \in \{\overline{5n}; \overline{5k}; \overline{nk}\}$, то есть

$B \in \{50 + n; 50 + k; 10n + k\}$, $C \in \{50 + n; 50 + k; 10n + k\}$, где $n \in \{4; 5\}$.

Заметим, что $B \geq 40$, $C \geq 40$, тогда $B \cdot C \geq 40 \cdot 40$, то есть $B \cdot C \geq 1600 > A$. Следовательно, если $540 \leq A \leq 560$, то равенство $A = B \cdot C$ не может быть верным.

19. На доске написано трёхзначное число A . Серёжа зачёркивает одну цифру и получает двузначное число B , затем Коля записывает число A и зачёркивает одну цифру (возможно ту же, что Серёжа) и получает число C .

в) Найдите наибольшее число A , для которого выполняется равенство $A = B \cdot C$.

в) Заметим, что

$$910 = 91 \cdot 10, \text{ то есть } A = 910, B = 91\cancel{0} = 91, C = \cancel{9}10 = 10, \\ A = B \cdot C.$$

Выясним, существуют ли числа A такие, что $911 \leq A \leq 999$, для которых верно, что $A = B \cdot C$.

Пусть

$$A = \overline{mnk} = 100m + 10n + k, \text{ где } 911 \leq A \leq 999.$$

$$\text{Тогда } m = 9; \quad n \in \{1; 2; 3; \dots; 9\}; \quad k \in \{0; 1; 2; \dots; 9\},$$

следовательно, $A = \overline{9nk}$, $B \in \{\overline{9n}; \overline{9k}; \overline{nk}\}$, $C \in \{\overline{9n}; \overline{9k}; \overline{nk}\}$ т. е.

$$B \in \{90 + n; 90 + k; 10n + k\}, \quad C \in \{90 + n; 90 + k; 10n + k\},$$

где $n \in \{1; 2; 3; \dots; 9\}$.

Предположим, что $B=C$, тогда равенство $A=B \cdot C$ примет вид $A=B^2$. Но в промежутке $[911; 999]$ только одно число является квадратом натурального числа. Это 961.

$961 = A = 31^2$. Но число 31 нельзя получить из числа 961 вычёркиванием одной цифры, следовательно, $B \neq 31$, равенство $A=B \cdot C$ не выполняется, если $B=C$ и $A \in [911; 999]$.

Учитывая, что верен переместительный закон умножения и $B \neq C$, следует рассмотреть лишь 3 случая:

$$B \cdot C = \overline{9n} \cdot \overline{9k}, \quad B \cdot C = \overline{9n} \cdot \overline{nk}, \quad B \cdot C = \overline{9k} \cdot \overline{nk}.$$

1) $B \cdot C = \overline{9n} \cdot \overline{9k}$.

$$B \cdot C = \overline{9n} \cdot \overline{9k} = (90 + n)(90 + k) = 8100 + 90k + 90n + nk \geq 8100 > A$$

Следовательно, в этом случае при $A \in [911; 999]$ равенство $A=B \cdot C$ не может быть верным.

$$2) B \cdot C = \overline{9n} \cdot \overline{nk}.$$

$$B \cdot C = \overline{9n} \cdot \overline{nk} = (90 + n)(10n + k) = 900n + 90k + 10n^2 + nk.$$

Если $k \neq 0$, то (так как $n \in \{1; 2; 3; \dots; 9\}$)

$$B \cdot C = 900n + \underbrace{90k + 10n^2}_{\geq 100} + nk > 1000 > A,$$

равенство $A = B \cdot C$ не может быть верным.

Если $k = 0$, то (так как $n \in \{1; 2; 3; \dots; 9\}$)

$B \cdot C = 900n + 10n^2$ – трёхзначное число тогда и только тогда, когда $n = 1$.

В этом случае

$$m = 9, n = 1, k = 0, A = 910 \notin [911; 999].$$

Равенство $A = B \cdot C$ не может быть верным, если $B \cdot C = \overline{9n} \cdot \overline{nk}$ и $A \in [911; 999]$.

$$3) B \cdot C = \overline{9k} \cdot \overline{nk}.$$

$$B \cdot C = \overline{9k} \cdot \overline{nk} = (90 + k)(10n + k) = 900n + 90k + 10nk + k^2.$$

Если $k \neq 0$, то (так как $n \in \{1; 2; 3; \dots; 9\}$)

$$B \cdot C = \underbrace{900n}_{\geq 900} + \underbrace{90k + 10nk}_{\geq 100} + k^2 > 1000 > A,$$

равенство $A = B \cdot C$ не может быть верным.

Если $k = 0$, то (так как $n \in \{1; 2; 3; \dots; 9\}$)

$B \cdot C = 900n$ – трёхзначное число тогда и только тогда, когда $n = 1$.

В этом случае

$$m = 9, n = 1, k = 0, A = 910 \notin [911; 999].$$

Равенство $A = B \cdot C$ не может быть верным, если $B \cdot C = \overline{9k} \cdot \overline{nk}$ и $A \in [911; 999]$.

Выяснили, что на промежутке $[911; 999]$ нет таких натуральных чисел A , для которых равенство $A = B \cdot C$ является верным.

Но если $A = 910$ и $B = 91\cancel{0} = 91$, $C = \cancel{0}10 = 10$, то $A = B \cdot C$.

Следовательно, 910 – наибольшее трёхзначное число A , для которого выполняется равенство $A = B \cdot C$.

Ответ: б) нет, не может;

в) 910.

19. На доске написано трёхзначное число A . Серёжа зачёркивает одну цифру и получает двузначное число B , затем Коля записывает число A и зачёркивает одну цифру (возможно ту же, что Серёжа) и получает число C .

б) Может ли быть верным равенство $A = B \cdot C$, если $540 \leq A \leq 560$?

в) Найдите наибольшее число A , для которого выполняется равенство $A = B \cdot C$.

19. Трёхзначное число, все цифры которого ненулевые, разделили на произведение его цифр.

а) Могло ли в результате деления получиться частное, равное 8?

б) Могло ли в результате деления получиться частное, равное 222?

в) Какое наибольшее частное можно было получить в результате деления?

Источник: <https://math100.ru/variant-ege-prof-248/>

Решение. а) Да, в результате могло получиться 8.

$$\text{Например, } \frac{128}{1 \cdot 2 \cdot 8} = \frac{64}{8} = 8.$$

PS Если предстоит ответить: «Да, могло», то можно без обоснований привести пример и доказать его полное соответствие условию задачи

б) Пусть трёхзначное число равно X ,

a – его первая цифра, $a \neq 0$,

b – его вторая цифра, $b \neq 0$,

c – его третья цифра, $c \neq 0$.

$$\text{Тогда } \frac{X}{a \cdot b \cdot c} = 222;$$

$$X = 222a \cdot b \cdot c \mid \Rightarrow X \text{ без остатка делится на } 222.$$

Трёхзначные числа, делящиеся на 222 без остатка – это 222; 444; 666; 888. Других нет.

$$\frac{222}{2 \cdot 2 \cdot 2} = \frac{111}{4} \text{ – не является натуральным числом,}$$

$$\frac{444}{4 \cdot 4 \cdot 4} = \frac{111}{16} \text{ – не является натуральным числом,}$$

$$\frac{666}{6 \cdot 6 \cdot 6} = \frac{111}{36} = \frac{37}{12} \text{ – не является натуральным числом,}$$

$$\frac{888}{8 \cdot 8 \cdot 8} = \frac{111}{64} \text{ – не является натуральным числом.}$$

Следовательно, нет, не могло частное равняться 222.

PS Если предстоит ответить: «Нет, не могло», то решение можно представить двумя способами.

Первый. Можно

- выяснить, каким свойством обладают изучаемые объекты (в представленном примере – делятся на 222),
- смоделировать множество ВСЕХ объектов, обладающих этим свойством (в представленном примере – {222; 444; 666; 888}) и
- методом перебора показать их противоречивость условию.

Второй способ. Можно

- ✓ ввести буквенную символику, то есть составить буквенную модель объекта,
- ✓ в общем виде выполнить с объектом все манипуляции, указанные в условии задачи,
- ✓ обнаружить противоречие условию.

в) Так как среди цифр числа нет нулевых, то 111 – наименьшее трёхзначное число, соответствующее условию задачи. Тогда частное от деления числа на произведение его цифр равно $\frac{111}{1 \cdot 1 \cdot 1} = 111$.

1) Выясним, есть ли на промежутке $[112; 199]$ число X , для которого частное от деления окажется больше 111.

Так как среди цифр числа (то есть среди a, b и c) есть хотя бы одна цифра, отличная от 1, и нет нулевых (по условию), то $a \cdot b \cdot c \geq 2$ и $\frac{X}{a \cdot b \cdot c} \leq \frac{199}{a \cdot b \cdot c} \leq \frac{199}{2} < 111$.

Следовательно, на промежутке $[112; 199]$ нет такого числа X с ненулевыми цифрами, для которого частное от деления оказалось бы больше 111.

2) $X \notin \{200; 201; 202; \dots; 210\}$. Поэтому выясним, есть ли на промежутке $[211; 299]$ число X , для которого частное от деления окажется больше 111.

Если $X = 211$, то $\frac{211}{2 \cdot 1 \cdot 1} < 111$ – частное меньше 111.

Если $X \in [212; 299]$, то $a = 2$ и среди ненулевых цифр b и c есть хотя бы одна цифра, отличная от 1. Тогда

$a \cdot b \cdot c \geq 4$ и $\frac{X}{a \cdot b \cdot c} \leq \frac{299}{4} < 111$. Следовательно, на

промежутке $[211; 299]$ нет такого числа X с ненулевыми цифрами, для которого частное от деления оказалось бы больше 111.

3) $X \notin \{300; 301; 302; \dots; 310\}$. Поэтому выясним, есть ли на промежутке $[311; 399]$ число X , для которого частное от деления окажется больше 111.

Если $X = 311$, то $\frac{311}{3 \cdot 1 \cdot 1} < 111$ – частное меньше 111.

Если $X \in [312; 399]$, то $a = 3$ и среди ненулевых цифр b и c есть хотя бы одна цифра, отличная от 1. Тогда

$a \cdot b \cdot c \geq 6$ и $\frac{X}{a \cdot b \cdot c} \leq \frac{399}{6} < 111$. Следовательно, на

промежутке $[311; 399]$ нет такого числа X с ненулевыми цифрами, для которого частное от деления оказалось бы больше 111.

4) Рассуждая аналогично, получим

$$X \notin \{400; 401; 402; \dots; 410\}. \quad [411; 499]$$

$$\frac{411}{4 \cdot 1 \cdot 1} < 111 \text{ – частное меньше } 111.$$

Если $X \in [412; 499]$, то $\frac{X}{a \cdot b \cdot c} \leq \frac{499}{8} < 111$. Следовательно,

на промежутке $[411; 499]$ нет такого числа X с ненулевыми цифрами, для которого частное от деления оказалось бы больше 111.

$$5) X \notin \{500; 501; 502; \dots; 510\}. \quad [511; 599]$$

$$\frac{511}{5 \cdot 1 \cdot 1} < 111 \text{ – частное меньше } 111.$$

Если $X \in [512; 599]$, то $\frac{X}{a \cdot b \cdot c} \leq \frac{599}{10} < 111$. Следовательно,

на промежутке $[511; 599]$ нет такого числа X с ненулевыми цифрам, для которого частное от деления оказалось бы больше 111.

6) $X \notin \{600; 601; 602; \dots; 610\}$. [611; 699]

Если $X = 611$, то $\frac{611}{6 \cdot 1 \cdot 1} < 111$ – частное меньше 111.

Если $X \in [612; 699]$, то $\frac{X}{a \cdot b \cdot c} \leq \frac{699}{12} < 111$. Следовательно,

на промежутке [611; 699] нет такого числа X с ненулевыми цифрами, для которого частное от деления оказалось бы больше 111.

7) $X \notin \{700; 701; 702; \dots; 710\}$. [711; 799]

$\frac{711}{7 \cdot 1 \cdot 1} < 111$ – частное меньше 111.

Если $X \in [712; 799]$, то $\frac{X}{a \cdot b \cdot c} \leq \frac{799}{14} < 111$.

Следовательно, на промежутке [711; 799] нет такого числа X с ненулевыми цифрами, для которого частное от деления оказалось бы больше 111.

8) $X \notin \{800; 801; 802; \dots; 810\}$. [811; 899]

$$\frac{811}{8 \cdot 1 \cdot 1} < 111 \text{ – частное меньше 111.}$$

Если $X \in [812; 899]$, то $\frac{X}{a \cdot b \cdot c} \leq \frac{899}{16} < 111$. Следовательно, на

промежутке [811; 899] нет такого числа X с ненулевыми цифрами, для которого частное от деления оказалось бы больше 111.

9) $X \notin \{900; 901; 902; \dots; 910\}$. [911; 999]

$$\frac{911}{9 \cdot 1 \cdot 1} < 111 \text{ – частное меньше 111.}$$

Если $X \in [912; 999]$, то $\frac{X}{a \cdot b \cdot c} \leq \frac{999}{18} < 111$. Следовательно,

на промежутке [911; 999] нет такого числа X с ненулевыми цифрами, для которого частное от деления оказалось бы больше 111.

10)Получили:

$$X \notin \{100; 101; 102; \dots; 110\}$$

$$\frac{111}{1 \cdot 1 \cdot 1} = 111.$$

На промежутке $[112; 999]$ нет такого числа X с ненулевыми цифрами, для которого частное от деления оказалось бы больше 111.

Следовательно, наибольшее частное, которое можно получить в результате деления равно 111.

Ответ: а) да, могло (см. пример),
б) нет, не могло,
в) 111.

Решение вторым способом (в общем виде)

Пусть трёхзначное число равно X , в нём нет нулевых цифр,

a – его первая цифра, $a \neq 0$, $a \in \{1; 2; 3; \dots; 9\}$

b – его вторая цифра, $b \neq 0$, $b \in \{1; 2; 3; \dots; 9\}$

c – его третья цифра, $c \neq 0$, $c \in \{1; 2; 3; \dots; 9\}$

$$\frac{X}{a \cdot b \cdot c} = \frac{100a + 10b + c}{a \cdot b \cdot c} = \frac{100}{b \cdot c} + \frac{10}{a \cdot c} + \frac{1}{a \cdot b}$$

$$\left. \begin{array}{l} \left(\frac{100}{b \cdot c}\right)_{\text{наибольшее}} = 100 \\ \left(\frac{10}{a \cdot c}\right)_{\text{наибольшее}} = 10 \\ \left(\frac{1}{a \cdot b}\right)_{\text{наибольшее}} = 1 \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{100}{b \cdot c} + \frac{10}{a \cdot c} + \frac{1}{a \cdot b} \leq 111$$

Каждая из дробей принимает наибольшее значение только тогда, когда знаменатель обращается в 1. Тогда $b = c = a = 1$,

$$X = \overline{abc} = 111. \text{ Действительно, } \frac{111}{1 \cdot 1 \cdot 1} = 111.$$

111 – наибольшее значение частного.

Ответ: в) 111.

PS Провели теоретическое исследование, нашли число X и **ОБЯЗАТЕЛЬНО** практически проверили результат, показали его соответствие условию задачи (Действительно, ...)

Сюжетные задания 19 нужно решать по здравому смыслу

Например, в 2023 году в один из дней экзамена нужно было определить, можно ли на кораблях в грузовых отсеках определённого размера перевезти груз в контейнерах (длина, ширина и высота контейнера были известны).

И часть участников экзамена, отвечая на поставленный вопрос, разделила суммарный объём грузовых отсеков кораблей на суммарный объём контейнеров, не осознавая, что нельзя на одном корабле увезти первую часть контейнера, а на другом вторую его часть, что контейнер – это неделимый на части бокс.

Нужно было разными способами разместить контейнеры в грузовом отсеке и, сравнивая объёмы оставшейся (пустой) части грузового отсека, выбрать оптимальный вариант загрузки одного корабля, а уж после этого отвечать на поставленный в задаче вопрос.

Внимательно нужно читать условие задачи. Мелочей здесь нет. **Приступая к решению, нужно глубоко осознать, что стоит за каждым словом условия.**

Например (ЕГЭ-2022, основная волна), нужно было за один ход из каждой из трёх коробок взять по камню и переложить в четвёртую коробку.

Почти третья часть участников, приступивших к решению этой задачи, не обратила внимания на слова «за один ход ИЗ КАЖДОЙ ВЗЯТЬ ПО камню». Брали камни только из одной коробки: первый ход – из первой, второй ход – из другой и так далее. По сути, решали задачу, которую сами себе составили.

Особенности выполнения задания 19 (числа)

Итак, решая задачу 19, внимательно читаем условие, понимаем, что означает каждое слово, какой смысл несёт каждая фраза.

Личный жизненный опыт и здравый смысл в этом задании нужны в первую очередь.

Если предстоит ответить: «Да, могло», то можно без обоснований привести пример и доказать его полное соответствие условию задачи.

Особенности выполнения задания 19

Если предстоит ответить: «Нет, не могло», то решение можно представить двумя способами.

Первый. Можно

- выяснить, каким свойством обладают изучаемые объекты,
- смоделировать множество ВСЕХ объектов, обладающих этим свойством и
- методом перебора показать их противоречивость условию.

Второй способ. Можно

- ✓ ввести буквенную символику, то есть составить буквенную модель объекта,
- ✓ в общем виде выполнить с объектом все манипуляции, указанные в условии задачи,
- ✓ обнаружить противоречие условию.

Методы решения задания в) такие же

Задание 16. Вклады

В банке можно открыть вклад «Популярный» под 20% годовых и «Интересный» под 10% годовых в первый год и под $n\%$ годовых во последующие годы (n – целое число). При каком наименьшем значении n вклад «Интересный» окажется через 3 года более выгодным, если снимать деньги или пополнять счёт клиент не будет?

Решение

Пусть A рублей – первоначальный размер вклада «Популярный», первоначальный размер вклада «Интересный». Тогда в соответствии с условием задачи имеем:

Вклад «Популярный»

Год	Сумма в начале года, рублей	Сумма в конце года, рублей
1-й год	A	$1,2A$
2-й год	$1,2A$	$1,2 \cdot 1,2A = 1,44A$
3-й год	$1,44A$	$1,2 \cdot 1,44A = 1,728A$

Вклад «Интересный»

Год	Сумма в начале года, рублей	Сумма в конце года, рублей
1-й год	A	$1,1A$
2-й год	$1,1A$	$(100 + n)\% \text{ от } 1,1A = \frac{(100 + n)1,1A}{100}$
3-й год	$\frac{(100 + n)1,1A}{100}$	$(100 + n)\% \text{ от } \frac{(100 + n)1,1A}{100} = \frac{(100 + n)^2 1,1A}{10\,000}$

По условию задачи через 3 года вклад «Интересный» окажется более выгодным.

$$\frac{(100 + n)^2 1,1A}{10\,000} > 1,728A.$$

По смыслу задачи $A > 0$, тогда $\frac{(100 + n)^2 1,1}{10\,000} > 1,728;$

$$\frac{(100+n)^2 \cdot 1,1}{10\,000} > 1,728;$$

$$(100+n)^2 \cdot 1,1 > 17\,280;$$

$$(100+n)^2 \cdot 11 > 172\,800;$$

$$(100+n)^2 > \frac{172\,800}{11};$$

$$(100+n)^2 > 15\,709 \frac{1}{11}.$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{Так как } 100+n > 0, \text{ то } 100+n > \sqrt{15\,709 \frac{1}{11}}; \\ 125 < \sqrt{15\,709 \frac{1}{11}} < 126 \end{array} \right| \Rightarrow (100+n)_{\text{наим., целое}} = 126;$$

$$n_{\text{наим., целое}} = 126 - 100 = 26.$$

26% – наименьшая годовая ставка в банке "Интересный" во второй и последующие годы.

Ответ: $n_{\text{наим.}} = 26$.

Пропедевтика ошибок оформления решений.
Дробно-рациональные неравенства

Дважды (ЕГЭ-2021 и ЕГЭ-2023) решение исходного неравенства сводилось к простейшему дробно-рациональному неравенству с одинаковым числовым числителем. Правильно его решали менее половины участников, приступавших к решению. Типичная ошибка: перенос умения решать уравнение-пропорцию на данную ситуацию (в данном случае перенос умений недопустим)

Пример правильного решения:

$$\frac{1}{x} > \frac{1}{4} \Leftrightarrow \frac{1}{x} - \frac{1}{4} > 0 \Leftrightarrow \frac{4-x}{4x} > 0.$$

Рассмотрим функцию $f(x) = \frac{4-x}{4x}$.



$$0 < x < 4$$

Ответ: (0; 4)

PS Знак равносильности можно заменить точкой с запятой

15. Решите неравенство $x^3 + 9x^2 + 6 - \frac{6x^3 + 4,5x^2}{x-3} \leq \frac{(3x+1)^2 - 19}{x-3}$

Источник: <https://alexlarin.net/ege/2024/trvar459.html>

$$x^3 + 9x^2 + 6 - \frac{6x^3 + 4,5x^2}{x-3} \leq \frac{(3x+1)^2 - 19}{x-3};$$

$$x^3 + 9x^2 + 6 - \frac{6x^3 + 4,5x^2}{x-3} - \frac{(3x+1)^2 - 19}{x-3} \leq 0;$$

$$\frac{x^3(x-3) + 9x^2(x-3) + 6(x-3) - (6x^3 + 4,5x^2) - (3x+1)^2 + 19}{x-3} \leq 0;$$

$$\frac{x^4 - 3x^3 + 9x^3 - 27x^2 + 6x - 18 - 6x^3 - 4,5x^2 - 9x^2 - 6x - 1 + 19}{x-3} \leq 0;$$

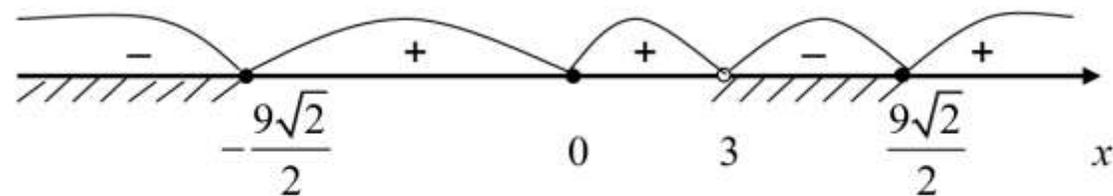
$$\frac{x^4 - 40,5x^2}{x-3} \leq 0;$$

$$\frac{x^4 - 40,5x^2}{x-3} \leq 0;$$

$$\frac{x^2 \left(x^2 - \frac{81}{2} \right)}{x-3} \leq 0;$$

$$\frac{x^2 \left(x - \frac{9\sqrt{2}}{2} \right) \left(x + \frac{9\sqrt{2}}{2} \right)}{x-3} \leq 0.$$

Рассмотрим функцию $f(x) = \frac{x^2 \left(x - \frac{9\sqrt{2}}{2} \right) \left(x + \frac{9\sqrt{2}}{2} \right)}{x-3}$.



$$x \in \left(-\infty; -\frac{9\sqrt{2}}{2} \right] \cup \{0\} \cup \left(3; \frac{9\sqrt{2}}{2} \right]$$

Ответ: $\left(-\infty; -\frac{9\sqrt{2}}{2} \right] \cup \{0\} \cup \left(3; \frac{9\sqrt{2}}{2} \right]$

Благодарю за внимание!

Панина Н. А.
+79051620770

